

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Алтайский государственный педагогический университет»»
(ФГБОУ ВО «АлтГПУ»
Бийский филиал имени В.М. Шукшина)

Кафедра математики, физики, информатики



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.08.09 МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА

Направление подготовки	44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)
Профиль подготовки	Информатика и Математика
Квалификация выпускника	бакалавр
Форма обучения	очная

Составитель:
Заведующий кафедрой
математики, физики,
информатики
_____ Г.С. Шилинг

Бийск 2025

РЕКОМЕНДОВАНО К ИСПОЛЬЗОВАНИЮ В УЧЕБНОМ ПРОЦЕССЕ

на заседании кафедры математики, физики, информатики

(протокол от 10.03.25 г. № 8)

Заведующий кафедрой

математики, физики, информатики



_____ Г.С. Шилинг

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины – формирование систематизированных знаний в области математической логики и теории алгоритмов.

Задачи дисциплины:

- ознакомление с формализацией математического языка, формализованным аксиоматическим методом, включающим и логические средства;
- ознакомление с общими свойствами алгоритмов, с математическими уточнениями понятия алгоритма, с алгоритмическими проблемами в математике и информатике.
- формирование представлений о проблемах оснований математики и роли математической логики в их решении;
- развитие логического мышления, логической культуры;
- развитие алгоритмического мышления, алгоритмической культуры, алгоритмической интуиции.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Математическая логика» относится к обязательной части профессионального цикла (Б1.О.07.09). Областью профессиональной деятельности бакалавров, на которую ориентирует дисциплина, является образование.

Освоение дисциплины готовит к работе со следующими объектами профессиональной деятельности бакалавров:

- обучение;
- воспитание;
- развитие;
- образовательные системы.

Профильной для данной дисциплины является профессиональная деятельность бакалавров. Для освоения дисциплины студенты используют знания, умения и способы деятельности, сформированные в процессе изучения предмета «Математика» на предыдущем уровне образования, а также знания, умения, навыки, способы деятельности и установки, полученные и сформированные в ходе изучения дисциплин «Математический анализ», «Алгебра», «Геометрия», «Теория чисел и числовые системы», «Программирование».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для изучения последующих дисциплин: методика обучения информатике, история математики, теоретические основы информатики, основы искусственного интеллекта.

3. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих **компетенций**:

- Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1);
- Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач (ПК-1);
- Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов (ПК-3).

**Наименование и код индикаторов достижения компетенций:
В результате изучения дисциплины обучающийся должен:**

знать:

- ПК-1.1: Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета);

уметь:

- ПК-1.2: Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОСВО ОО;
- УК-1.2: Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности.

владеть:

- ПК-3.1: Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.).

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетные единицы.

Вид учебной работы	Всего часов	Семестр
		7
Аудиторные занятия (всего)	28	28
В том числе:		
Лекции (Л)	12	12
Практические занятия (ПЗ)	16	16
из них практическая подготовка	16	
Лабораторные работы (ЛР)		-
Самостоятельная работа студентов (СРС) (всего)	44	44
В том числе:		
Подготовка к лекционным занятиям	10	10
Подготовка к практическим занятиям	10	10
Подготовка к коллоквиумам	10	10
Подготовка к теоретическим опросам	10	10
Подготовка к аудиторным проверочным (контрольным) работам	2	2
Подготовка к тестированию	2	2
Вид промежуточной аттестации	Зачет с оценкой	Зачет с оценкой
Общая трудоемкость в часах:	72	72
Общая трудоемкость в зачетных единицах:	2	2

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1. Содержание разделов (модулей) дисциплины

4 курс, 7 семестр

№ п/п	Наименование раздела (модуля) дисциплины	Содержание
1.	Введение	Введение. Дедуктивный характер математики. Предмет математической логики, ее роль в вопросах обоснования математики. Тенденции в развитии современной математической логики. Интенсивное развитие математической логики в связи с распространением метода формализации при изучении различных теорий и в связи с применением математической логики в сферах программного обеспечения компьютеров, информатики и искусственного интеллекта
2.	Логика высказываний	Логика высказывания. Логические операции над высказываниями. Язык логики высказываний, формулы. Истинностные значения формул. Равносильные формулы. Тавтологии – законы логики. Нормальные формулы для формул логики высказываний: КНФ, ДНФ. Совершенные нормальные формы: СКНФ, СДНФ. Булевы функции (функции алгебры логики). Представление булевых функций формулами. Закон двойственности. Нормальные и совершенные нормальные формы булевых функций. Полные системы функций. Алгебры Буля. Применение логики высказываний к логико-математической практике. Логическое следствие. Виды математических теорем. Методы доказательства математических теорем. Решение логических задач. Применение булевых функций к релейно-контактным схемам. Анализ и синтез релейно-контактных схем.
3.	Исчисление высказываний	Алфавит, формулы ИВ. Аксиомы и правила вывода. Доказуемые формулы. Выводимость формул из гипотез. Свойства вывода. Теорема дедукции. Производные правила вывода. Некоторые теоремы исчисления высказываний. Значение формулы ИВ. Непротиворечивость исчисления высказываний. Полнота ИВ в широком и узком смысле. Проблема разрешения для ИВ. Независимость аксиом ИВ.

4.	Логика предикатов	Понятие предиката. Множество истинности предиката. Логические операции над предикатами. Кванторы. Формулы логики предикатов, свободные и связанные переменные. Сигнатура формулы; интерпретация формулы. Значение формулы в интерпретации. Равносильные формулы. Предваренная нормальная форма для формулы ЛП. Общезначимость и выполнимость формул ЛП. Проблема разрешения в ЛП. Ее неразрешимость. Решение проблемы разрешения для частных классов формул ЛП. Применение языка логики предикатов для записи математических предложений, построение отрицаний предложений. Строение математических теорем. Методы доказательства теорем.
5	Формализованные математические теории	Формализованные математические теории. Теории первого порядка. Аксиомы теории, правила вывода. Доказательства в теории. Характеристики теорий: непротиворечивость, полнота, разрешимость. Расширение исчисления высказываний. Исчисление предикатов. Алфавит, формулы исчисления предикатов. Аксиомы и правила вывода. Теорема дедукции. Значение формул ИП в интерпретации. Непротиворечивость ИП. Полнота ИП. Теорема Геделя о полноте исчисления предикатов. Модели теорий. Теорема о полноте для теорий. Формальная арифметика. Теоремы Геделя о неполноте. Формализация теории множеств. Обзор результатов о непротиворечивости и независимости в основаниях теории множеств. Проблемы оснований математики. Парадоксы теории множеств. Проблема непротиворечивости математики. Программа Гильберта. Метод формализации.

4 курс, 7 семестр

№ п/п	Наименование раздела (модуля) дисциплины	Содержание
6.	Интуитивное представление об алгоритмах	Введение. Интуитивное понятие алгоритма. Примеры алгоритмов. Основные требования к алгоритму. Необходимость уточнения понятия алгоритма. Арифметические функции. Вычислимые арифметические функции. Разрешимые множества.
7	Машины Тьюринга	Машина Тьюринга. Описание, система команд, вычисление на машине Тьюринга. Правильная вычислимость функций на машине Тьюринга. Примеры. Вычислимость предикатов на машине Тьюринга. Вычислимость по условию. Композиция машин Тьюринга. Универсальная машина Тьюринга. Тезис Тьюринга. Проблема остановки для машин Тьюринга.
8.	Рекурсивные функции	Рекурсивные функции. Прimitивно-рекурсивные функции. Основные функции и основные операторы. Прimitивная рекурсивность арифметических функций.

		Примитивно-рекурсивные предикаты. Примитивно-рекурсивные операторы. Существование вычислимых функций, которые не являются примитивно-рекурсивными. Общерекурсивные и частично-рекурсивные функции. Примеры. Тезис Чёрча. Эквивалентность тезиса Чёрча и тезиса Тьюринга.
9	Неразрешимые алгоритмические проблемы	Вычислимость и разрешимость. Нумерация алгоритмов. Проблема остановки и самоприменимости алгоритма. Перечислимые и разрешимые множества. Неперечислимость общерекурсивных функций. Критерий разрешимости множества. Неразрешимость множества общерекурсивных функций. Алгоритмическая сводимость.

5.2. Разделы дисциплин и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекц.	Практ. зан.	В том числе в интерактивной форме (час)	СРС	Всего
1.	Введение	2	-	-	6	8
2.	Логика высказываний	2	2	4 ч интерактивная лекция	6	10
3.	Исчисление высказываний	2	2	-	4	8
4.	Логика предикатов	2	2	-	4	8
5.	Формализованные математические теории	2	2	-	4	8
6.	Интуитивное представление об алгоритмах	2	2	-	4	8
7.	Машины Тьюринга	-	2	-	4	6
8.	Рекурсивные функции	-	2	4 ч работа в малых группах	4	6
9.	Неразрешимые алгоритмические проблемы	-	2	-	4	6
10	Подведение итогов	-	-	-	4	4
	Всего:	12	16	8	44	72
В том числе с использованием интерактивных форм, технологий				лекц 4	практ. 4	

Лекции

№ п/п	Наименование (модуля) дисциплины	Содержание
Лекции – 7 семестр		
1	Введение	Введение. Дедуктивный характер математики. Предмет математической логики, ее роль в вопросах обоснования математики. Тенденции в развитии современной математической логики. Интенсивное развитие математической логики в связи с распространением метода формализации при изучении различных теорий и в связи с применением математической логики в сферах программного обеспечения компьютеров, информатики и искусственного интеллекта
2-5	Логика высказываний	Логика высказываний. Логические операции над высказываниями. Язык логики высказываний, формулы. Истинностные значения формул. Равносильные формулы. Тавтологии – законы логики. Нормальные формулы для формул логики высказываний: КНФ, ДНФ. Совершенные нормальные формы: СКНФ, СДНФ. Булевы функции (функции алгебры логики). Представление булевых функций формулами. Закон двойственности. Нормальные и совершенные нормальные формы булевых функций. Булевы функции. Полные системы функций. Алгебры Буля. Применение булевых функций к релейно-контактным схемам. Анализ и синтез релейно-контактных схем. Применение логики высказываний к логико-математической практике. Логическое следствие. Виды математических теорем. Методы доказательства математических теорем. Решение логических задач.
6-9	Исчисление высказываний	Построение формальной аксиоматической теории исчисления высказываний. Алфавит, формулы ИВ. Аксиомы и правила вывода. Доказуемые формулы. Выводимость формул из гипотез. Свойства вывода. Теорема дедукции. Производные правила вывода. Теоремы исчисления высказываний. Значение формулы ИВ. Тожественная истинность доказуемых формул. Непротиворечивость исчисления высказываний. Независимость аксиом ИВ. Многозначные логики. Полнота ИВ в широком и узком смысле. Проблема разрешения для ИВ.

10-13	Логика предикатов	Понятие предиката. Множество истинности предиката. Логические операции над предикатами. Кванторы. Формулы логики предикатов, свободные и связанные переменные.
		Сигнатура формулы; интерпретация формулы. Значение формулы в интерпретации. Равносильные формулы. Предваренная нормальная форма для формулы ЛП. Замкнутые формулы.
		Общезначимость и выполнимость формул ЛП. Проблема разрешения в ЛП и ее неразрешимость в общем виде. Решение проблемы разрешения для частных классов формул ЛП.
		Применение языка логики предикатов для записи математических предложений, построение отрицаний предложений. Строение математических теорем. Методы доказательства теорем.
14-18	Формализованные математические теории	Формализованные математические теории. Теории первого порядка. Аксиомы теории, правила вывода. Доказательства в теории. Характеристики теорий: непротиворечивость, полнота, разрешимость.
		Расширение исчисления высказываний. Исчисление предикатов. Алфавит, формулы исчисления предикатов. Аксиомы и правила вывода.
		Теорема дедукции для ИП. Значение формул ИП в интерпретации. Непротиворечивость ИП. Полнота ИП. Теорема Геделя о полноте исчисления предикатов.
		Модели теорий. Теорема о полноте для теорий. Формальная арифметика. Теоремы Геделя о неполноте. Формализация теории множеств. Обзор результатов о непротиворечивости и независимости в основаниях теории множеств.
1	Интуитивное представление об алгоритмах	Проблемы оснований математики. Парадоксы теории множеств. Проблема непротиворечивости математики. Программа Гильберта. Метод формализации.
		Введение в теорию алгоритмов. Машина Тьюринга. Интуитивное понятие алгоритма. Примеры алгоритмов. Основные требования к алгоритму. Необходимость уточнения понятия алгоритма. Машина Тьюринга. Описание. Система команд. Работа машины Тьюринга.

2	Машины Тьюринга	Построение машин Тьюринга. Вычисления арифметических функций на машине Тьюринга. Вычисление предикатов. Композиция машин Тьюринга. Вычисление функций по условию. Универсальная машина Тьюринга. Тезис Тьюринга. Проблема остановки для машины Тьюринга.
3-4	Рекурсивные функции	Примитивно-рекурсивные функции. Основные функции и основные примитивно-рекурсивные операторы. Примитивно-рекурсивное описание и примитивно-рекурсивные функции. Примеры. Примитивно-рекурсивные предикаты Частично-рекурсивные и общерекурсивные функции. Существование вычислимых функций, не являющихся примитивно-рекурсивными. Частично-рекурсивные и общерекурсивные функции. Примеры. Тезис Чёрча. Вычислимость на машине Тьюринга рекурсивных функций.
5	Неразрешимые алгоритмические проблемы	Неразрешимые алгоритмические проблемы. Нумерация алгоритмов. Существование универсального алгоритма. Проблема остановки и самоприменимости алгоритма. Проблема общерекурсивности алгоритма. Неразрешимые проблемы в математике, математической логике.

Практические занятия

№ п/п	Наименование раздела (модуля) дисциплины	Содержание
Практические занятия – 7 семестр		
1-4	Логика высказываний	Логические операции над высказываниями. Формулы логики высказываний. Таблицы истинности. Равносильные формулы. Равносильные преобразования формул. Нормальные формулы для формул логики высказываний: КНФ, ДНФ. Совершенные нормальные формы: СКНФ, СДНФ. Представление булевых функций формулами. Нормальные и совершенные нормальные формы булевых функций. Применение булевых функций к релейно-контактным схемам. Аудиторная контрольная работа по разделу «Логика высказываний».
5-6	Исчисление высказываний	Формулы исчисления высказываний. Доказуемые формулы. Выводимость формул из гипотез. Теорема дедукции. Производные правила вывода. Теоремы исчисления высказываний.

7-9	Логика предикатов	Понятие предиката. Множество истинности предиката. Логические операции над предикатами. Кванторы.
		Формулы логики предикатов. Равносильные формулы. Предваренная нормальная форма для формулы ЛП. Общезначимость и выполнимость формул ЛП.
		Применение языка логики предикатов для записи математических предложений, построение отрицаний предложений. Строение математических теорем. Методы доказательства теорем. Проверочная работа.
1-3	Машины Тьюринга	Принцип работы машины Тьюринга. Вычисления на готовых машинах
		Построение машин Тьюринга для вычисления арифметических функций
		Построение машин Тьюринга. Композиция машин Тьюринга. Вычисление предикатов.
4-6	Рекурсивные функции	Примитивно-рекурсивные функции. Примитивная рекурсивность арифметических функций
		Примитивно-рекурсивные предикаты и операторы
		Частично-рекурсивные функции. Общерекурсивные функции.
7-8	Неразрешимые алгоритмические проблемы	Перечислимые и разрешимые множества.
		Контрольная работа

6. ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ

Лабораторный практикум по математической логике и теории алгоритмов учебным планом не предусмотрен

7. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ ПРОЕКТОВ (РАБОТ)

Курсовой проект (работа) по математической логике и теории алгоритмов учебным планом не предусмотрен

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) основная литература:

1. Игошин, В.И. Математическая логика и теория алгоритмов. [Текст]: учеб. пособие для студ. высш. учеб. заведений/ В.И. Игошин. –2-е изд., стер. – М.: Издательский центр «Академия», 2018. – 448 с.
2. Игошин, В.И. Задачи и упражнения по математической логике и теории алгоритмов [Текст]: учебное пособие для вузов по специальности "Математика" / В.И. Игошин. – 3-е. изд., стер. – М.: Издательский центр «Академия», 2017.– 304 с.

3. *Лавров, И.А.* Математическая логика. [Текст]: учеб. пособие для студ. высш. учеб. заведений/ И.А. Лавров; под ред. Л.Л. Максимовой. – М.: Издательский центр «Академия», 2016. – 240 с.

б) дополнительная литература:

4. *Судоплатов, С.В.*, Математическая логика и теория алгоритмов [Текст]: учебник для вузов/ С. В. Судоплатов, Е. В. Овчинникова. - М. : ИНФРА-М ; Новосибирск : Новосибирский гос. технический университет, 2004. - 224 с.
5. *Клини, С.К.* Математическая логика / С. К. Клини ; пер. с англ. Ю. А. Гастев ; ред. Г. Е. Минц. - М. : Мир, 2003. - 480 с.

в) программное обеспечение:

1. Работа на компьютере проводится с использованием лицензионных версий операционной системы Microsoft Windows XP Prof.
2. Для работы в библиотеке используется общеузовское лицензионное программное обеспечение «Ирбис-64», в составе которого входят АРМ «Каталогизатор», АРМ «Читатель», АРМ «Администратор», АРМ «Комплектатор», Web-Ирбис (CZ39.50)
3. Лицензионная программа АУП (Шахты) – комплекс «Электронные ведомости»

г) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:

1. Национальный цифровой ресурс Руконт. Режим доступа [<http://www.rucont.ru/>].
2. Университетская библиотека он-лайн. Режим доступа [<http://www.biblioclub.ru/>]. б) интернет-ресурсы 1. <http://www.4p.ru> 2. <http://marketing.com.ru>

д) Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине:

1. Организация самостоятельной работы студентов в учреждении высшего образования [Текст]: методические рекомендации / Сост.Е.Б. Манузина, Е.Э. Норина; Алтайская гос. Академия обр-я им. В.М. Шукшина. – Бийск: ФГБОУ ВПО «АГАО», 2014. – 84 с.

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа:

Аудитория, укомплектованная специализированной мебелью, с компьютерами, оснащенными комплектом лицензированного программного обеспечения (лицензионное программное обеспечение: Windows XP, Office2003, Ирбис; Свободно распространяемое программное обеспечение: 7Zip, Adobe Flash Player, Google Chrome, VLC media Player), мультимедиа проектор, экран для представления учебной информации большой аудитории обучающихся.

Учебные аудитории для проведения практических занятий:

Аудитория, укомплектованная специализированной мебелью, с компьютерами, оснащенными комплектом лицензированного программного обеспечения (лицензионное программное обеспечение: Windows XP, Office2003, Ирбис; Свободно распространяемое

программное обеспечение: 7Zip, Adobe Flash Player, Google Chrome, VLC media Player), мультимедиа проектор, экран для представления учебной информации большой аудитории обучающихся.

Учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций:

Аудитория, укомплектованная специализированной мебелью, с компьютерами, оснащенными комплектом лицензированного программного обеспечения (лицензионное программное обеспечение: Windows XP, Office2003, Ирбис; Свободно распространяемое программное обеспечение: 7Zip, Adobe Flash Player, Google Chrome, VLC media Player), мультимедиа проектор, экран для представления учебной информации большой аудитории обучающихся.

Учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации:

Аудитория, укомплектованная специализированной мебелью, с компьютерами, оснащенными комплектом лицензированного программного обеспечения (лицензионное программное обеспечение: Windows XP, Office2003, Ирбис; Свободно распространяемое программное обеспечение: 7Zip, Adobe Flash Player, Google Chrome, VLC media Player) *с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации.*

Помещения для самостоятельной работы:

Аудитория, укомплектованная специализированной мебелью, с компьютерами, оснащенными комплектом лицензированного программного обеспечения (лицензионное программное обеспечение: Windows XP, Office2003, Ирбис; Свободно распространяемое программное обеспечение: 7Zip, Adobe Flash Player, Google Chrome, VLC media Player) *с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации.*

Читальный зал, оснащенный автоматизированными и обычными рабочими местами, с компьютерами, оснащенными комплектом лицензированного программного обеспечения (Лицензионное программное обеспечение: Windows XP, Office2003, Kaspersky. Свободно распространяемое программное обеспечение: Google Chrome, 7Zip), копировальной машиной, принтерами, сканерами, с наличием автоматизированных рабочих мест для пользователей с проблемами зрения: специальное программное обеспечение, тифлофлешплееры, электронная лупа, читающая машина. Для обучающихся инвалидов и лиц с ОВЗ специализированные сервисы и информационные ресурсы при помощи программно-аппаратных комплексов:

- тифло-флеш-плееров Victor Reader Stream с удобной системой навигации;
- АРМ с проводными гарнитурами Jabra UC VOICE 550 Duo и Windows- приложением для преобразования речи в текст VOCO. Professional .;
- электронного видео-увеличителя Ruby.;
- сканирующего и читающего устройства Eye-Pal Vision;
- специализированного программного обеспечения Easy Converter для создания цифровых говорящих книг в формате DAIZY.

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования:

Аудитория, укомплектованная специализированной мебелью: шкаф для хранения учебных наглядных пособий, обеспечивающих тематические иллюстрации; стол, стул, компьютер, принтер, учебно-методические пособия.

МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
3	4
Лекционные занятия 220 лекционная аудитория, 96 посадочных мест; компьютер с возможностью подключения к локальной сети и выхода в Интернет, доступа к ЭИОС института, монитор, мультимедиа-проектор; 1 акустическая система, экран на треноге, 6 микрофонов, 2 подставки под микрофоны. В комплекте: кабель питания, кабели для подключения к компьютеру, видео- и аудиоисточникам Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office Professional Plus 2007, Microsoft Windows 62552196, Microsoft Office 62552196 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft), Антивирус Касперского Kaspersky Endpoint Security 10, Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370), Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client, Skype 8.54	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,
Лекционные занятия 215 лекционная аудитория, 46 посадочных мест; компьютер с возможностью подключения к локальной сети и выхода в Интернет, доступа к ЭИОС института, монитор, мультимедиа-проектор; 1 акустическая система Microsoft Windows XP Professional SP3, Microsoft Office Professional Plus 2010, Microsoft Windows 44811748, Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft), Антивирус Касперского Антивирус Касперского 6, Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370), ПО Инт. доски Star Board Software 7.1, StarBoard Software 7.1 Гос.контракт № 153 от 05 ноября 2008г, Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,
Промежуточная аттестация: 218 Компьютерный класс 12 посадочных мест; 6 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 6 стационарных ПК с доступом в интернет. Win10PRO PQROEM, Microsoft Windows 42144830, Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft); Антивирус Касперского (Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370)), AstraLinux Special Edition (Лицензионный договор № РБТ-14/1617-01-ВУЗ), ARCHICAD 23 Russian, Офис 365, СПС КонсультантПлюс, СПО по лицензионным соглашениям в свободном распространении, в том числе по GNU GeneralPublicLicense и аналогам LibreOffice 6.2.2., Lazarus 2.0.6, Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
Промежуточная аттестация: 222 Компьютерный класс 16 посадочных мест; 8 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 8 ноутбуков доступом в интернет. Microsoft Windows 10 Pro, Контракт № 19/6 – ЭА от 18.11.2019, код продукта: 00330-80000-00000-AA448, 00330-80000-00000-AA000, 00330-80000-00000-AA714, 00330-80000-00000-AA834, 00330-80000-00000-AA442, 00330-80000-00000-AA646, 00330-80000-00000-AA063, 00330-80000-00000-AA513, 00330-80000-00000-AA922, 00330-80000-00000-AA366, 00330-80000-00000-AA058, 00330-80000-00000-AA822, 00330-80000-00000-AA597, 00330-80000-00000-AA422, 00330-80000-00000-AA971, 00330-80000-00000-AA338 Антивирус Касперского Kaspersky Endpoint Security 11 Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370) UltraOffice, LibreOffice 6.2.2, Lazarus 2.0.6, Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,
Промежуточная аттестация: 134 Компьютерный класс 16 посадочных мест; 8 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 8 ноутбуков доступом в интернет. Microsoft Windows XP Professional SP3 Microsoft Office Professional Plus 2010, Microsoft Windows 44039700, Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft) Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client Microsoft Windows 10 Home, Класс VR: Контракт № 19/2 – ЭА от 18.11.2019, код продукта: 00327-30671-69211-AAОЕМ, 00327-30671-69228-AAОЕМ, 00327-30671-69172-AAОЕМ, 00327-30671-69218-AAОЕМ, 00327-30671-69229-AAОЕМ, 00327-30671-69213-AAОЕМ, 00327-30671-69233-AAОЕМ, 00327-30671-69197-AAОЕМ. ПО Виртуальная реальность Class VR, Класс VR: Контракт № 19/2 – ЭА от 18.11.2019 Антивирус Касперского Kaspersky Endpoint Security 11 Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370) LibreOffice 6.2.2., Lazarus 2.0.6, Adobe Reader 11. Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,
Промежуточная аттестация: 106 Учебная физическая аудитория 14 посадочных мест; 7 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 7 ПК с доступом в интернет. Microsoft Windows XP Professional SP3, Microsoft Office Professional Plus 2010, Microsoft Windows 44392125, Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft),	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
Антивирус Касперского Endpoint Security 10, Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370), Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	
126 Учебная физическая аудитория 24 посадочных мест; 7 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 1 ПК с доступом в интернет. Microsoft Windows XP Professional SP3, Microsoft Office Standart 2003, Microsoft Windows 44811748, Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft), Антивирус Касперского 6.0, Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370), Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,
Помещения для самостоятельной работы	
Для всех, дисциплин (модулей), практик, иных видов учебной деятельности, предусмотренных учебным планом, включая подготовку к защите ВКР	Помещение для самостоятельной работы студентов, Читальный зал информационно-библиотечного 60 посадочных мест, оснащенных учебной мебелью и персональными компьютерами с доступом в интернет. Ауд. 333 (22.9 м2) предоставляются к использованию преподавателями и обучающимися инвалидами и лицами с ОВЗ специализированные сервисы и информационные ресурсы при помощи программно-аппаратных комплексов: • тифло-флеш-плееров VictorReaderStreamc удобной системой навигации – 4 шт; • АРМ с проводными гарнитурами JabraUCVOICE550 Duo и Windows-приложением для преобразования речи в текст VOCO. Professional – 2 шт.; • электронного видео-увеличителя Ruby – 1 шт.; • сканирующего и читающего устройства Eye-PalVision – 1 шт.; • специализированного программного обеспечения EasyConverter для создания цифровых говорящих книг в формате DAIZY.

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения		Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
Помещения для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования		
Для всех, дисциплин (модулей), практик, иных видов учебной деятельности, предусмотренных учебным планом	Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: кабинет 223, полка для хранения компьютерного оборудования, монитор15 0134040, монитор17 LCD Acer 1717 AS 01344413, мультимедиапроектор 01344241, ноутбук 0133989,, системный блок 0134025, системный блок 013431, системный блок 0134033, системный блок №1 01344424, системный блок №2 01344426-1, адаптер беспроводной , бокс для CD , ИБП, калькулятор, микрофон конденсаторный, тестер(LAN_ TESER), точка доступа DWL -2100AP, дрель МЭС, принтер, Пк в сборе 4101240061(3), ПК в сборе 4101240061(8), мобильно-аппаратный комплекс Microsoft Windows, Microsoft Office (№ лицензии18495261); Антивирус Kaspersky WorkSpace Security (№ лицензии17E0-181019-150752-103-1454(113),); ABBYFineReader Код позиции: AF90-3S1P05-102, Акт приема-передачи № 15586 от 20.04.09 ООО "Киролан" Консультант Плюс Договор № 891 от 29.12.2018. ООО "Юридическая консалтинговая фирма "ЮРКОМП" Автоматизированная библиотечная информационная система «Ирбис» Договор №128/29-02-12 от 29.02.2012г.; Договор №С 2-05-11 от 12.05.2012г.; Договор № С 4-06-14, от 17 июня 2014г. (ФГБОУ ВПО "Омский государственный технический университет") Модульная информационная система «Шахты» Договор №5705 от 04.03.2019; Договор №5780 от 04.03.2019 СПО по лицензионным соглашениям в свободном распространении, в том числе по GNUGeneralPublicLicense и аналогам:2 ГИС, 7-Zip, AdobeLicense: AdobeFlashPlayer; AdobeReader, Свободное ПО: GoogleChrome (Лицензия FreewareGPL);	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9,

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
1	2
Лабораторные занятия: 207 Учебная физическая аудитория 40 посадочных мест; 20 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, учебное физическое оборудование.	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9
106 Учебная физическая аудитория 14 посадочных мест; 7 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 7 ПК с доступом в интернет. Microsoft Windows XP Professional SP3, Microsoft Office Professional Plus 2010, Microsoft Windows 44392125 , Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft), Антивирус Касперского Endpoint Security 10, Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370), Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9
126 Учебная физическая аудитория 24 посадочных мест; 7 учебных столов, стол преподавателя, учебная доска, 1 ПК с доступом в интернет. Microsoft Windows XP Professional SP3, Microsoft Office Standart 2003, Microsoft Windows 44811748 , Microsoft Office 49379849 (№ Лицензии в личном кабинете Microsoft), Антивирус Касперского 6.0, Сублицензионный договор №875 от 06.02.2020 Лицензия № 26FE-200221-084534-5-2964 (370), Adobe Reader 11, Adobe Flash Player, Google Chrome, Forefront TMG Client	Российская Федерация, 659300, Алтайский край, г. Бийск, ул. Советская, д. 9

10. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОРГАНИЗАЦИИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

10.1. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОРГАНИЗАЦИИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Изучение курса математической логики и теории алгоритмов является важной частью теоретической и практической подготовки будущего учителя математики и информатики.

Согласно программе дисциплины, двухсеместровый курс математической логики и теории алгоритмов разделен на 9 разделов, каждый из которых решает определенные задачи.

В седьмом семестре студенты изучают 5 разделов, относящихся к первой части дисциплины – математической логике. Изучение этих разделов имеет важное значение не только в профессионально-предметной подготовке учителя математики, но также является теоретической основой для изучения ряда дисциплин в области информатики.

Преподаватель на лекциях и практических занятиях этой части курса должен уделить особое внимание усвоению студентами основополагающих фактов логики высказываний и логики предикатов.

Теоретический материал этих разделов играет важную роль в формировании представлений студентов об аксиоматическом методе в математике, о роли математической логики в решении проблем оснований математики.

Все это предъявляет свои требования к формам контроля этого семестра. По каждому из разделов 2 – 5 предполагается проведение коллоквиумов, проверяющих усвоение теоретического материала. По разделам 2 и 4 проводятся аудиторная контрольная и проверочная работы на проверку наличия необходимых практических навыков и умений применять полученные знания при решении задач на приложения алгебры высказываний и логики предикатов.

Допуск к экзамену осуществляется только при выполнении всех видов практических работ. Студент, успешно отчитавшийся по всем формам контроля (не менее 60 % по каждой из форм: коллоквиумы по разделам 2-5, контрольная работа по алгебре высказываний, проверочная работа по логике предикатов), по его желанию может быть освобожден от экзамена с выставлением оценки по рейтингу. Рейтинговая оценка на экзамене может быть улучшена не более, чем на 30%.

В седьмом семестре студенты изучают 4 раздела, объединенных общим названием – «теория алгоритмов». Усвоение теоретического материала этого семестра помогает сформировать у студентов понимание важнейших свойств алгоритмов, грамотно формулировать алгоритмические проблемы. В рамках практических занятий студенты научатся грамотно формулировать алгоритмические проблемы и использовать метод сведения для доказательства алгоритмической неразрешимости проблем. Важным навыком является построение машин Тьюринга для вычисления арифметических функций и доказательства истинности предикатов.

В течение семестра проводятся два коллоквиума (для проверки знаний теоретического материала) и две домашних контрольных работы. По результатам этих контрольных точек выставляется общий рейтинг студента. При рейтинге выше 65%, студент освобождается от написания итоговой контрольной работы и получает отметку

«зачтено». Студент может добрать необходимое количество баллов при написании итоговой контрольной работы.

10.2 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОРГАНИЗАЦИИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

Общая трудоемкость дисциплины, в соответствии с учебным планом, составляет 3 зачетные единицы и включает учебное время, отведенное на **лекционные, практические занятия и самостоятельную работу** студента.

Тематика лекционных и практических занятий охватывает все разделы учебной дисциплины и ориентирована на выполнение ее целей и задач в соответствии с требованиями к результатам освоения дисциплины.

На лекционных занятиях рекомендуется внимательно слушать преподавателя, конспектировать материал лекции, принимать участие в интерактивных формах, используемых преподавателем на лекции, задавать вопросы и активно отвечать на поставленные вопросы. При подготовке к лекции необходимо проработать содержание предыдущих лекций, подготовить вопросы. После лекции также следует прочитать свой конспект, ознакомиться с вариантами изложения данной темы в учебниках и учебных пособиях, и если возникают вопросы, то можно с ними обратиться к преподавателю.

Цель **практических занятий** - осмысление студентами теоретического материала, изложенного на лекциях, формирование умения использовать его при решении практических задач в изучаемой области, развитие навыков самостоятельной работы, умения работать с учебной литературой.

Подготовка к практическому занятию включает выполнение заданий преподавателя по теме предыдущего занятия, а также подготовку к занятию по новой теме – самостоятельное изучение материалов лекционного курса, источников обязательной и дополнительной литературы.

Самостоятельная работа является неотъемлемой частью учебного процесса. Она запланирована и структурирована таким образом, чтобы студент при подготовке к занятиям наиболее эффективно осваивал теоретический материал и получал системные знания по курсу.

Руководство самостоятельной работой студентов со стороны преподавателя заключается в оказании помощи при планировании работы по изучению курса, в разъяснении вопросов, возникающих у студентов при изучении отдельных тем курса,

при подготовке к различным формам контроля, запланированным программой дисциплины.

Время, отведенное учебным планом на самостоятельную работу студента по дисциплине, составляет примерно 60% всей ее трудоемкости. Формы самостоятельной работы по каждому разделу дисциплины перечислены в технологической карте в конце программы.

При освоении данной дисциплины особое внимание следует уделить такой форме самостоятельной работы, как подготовка к коллоквиумам по теоретическому материалу каждого раздела и их сдача. Как правило, все коллоквиумы по этой дисциплине проводятся в письменной форме, что предъявляет особые требования к оформлению письменного ответа на поставленный вопрос коллоквиума: ответ должен быть точным, лаконичным, полным и аргументированным, теоретическое обоснование должно сопровождаться иллюстрацией примерами.

Для оценивания уровня достигнутых результатов освоения студентом каждого раздела дисциплины, а также всей дисциплины в целом, соответствия его заявленным требованиям, используется **балльно-рейтинговая система**, детально описанная в технологической карте дисциплины для каждого из двух семестров.

11. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Фонд оценочных средств разработан для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине **«Математическая логика»** и входит в состав основной образовательной программы по направлению подготовки: 44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)» (профиль «Математика и Информатика») (квалификация «Бакалавр»), реализуемой при подготовке обучающихся в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Алтайский государственный гуманитарно-педагогический университет имени В.М. Шукшина». Фонд оценочных средств предназначен для проверки сформированности компетенций, заявленных в программе дисциплины **«Математическая логика»** в соответствии с учебным планом 44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)» (профиль «Математика и Информатика») (квалификация «Бакалавр»).

Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

- Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1);
- Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач (ПК-1);
- Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов (ПК-3).

Компетенции, этапы	Индикаторы	Оценочные средства
УК-1 ПК-1 ПК-3 7 этап	Знать: - ПК-1.1: Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета);	Практико-ориентированное задание: контрольная работа, коллоквиум, теоретический опрос, итоговый тест
	Уметь: - ПК-1.2: Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОСВО ОО; - УК-1.2: Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности.	
	Владеть: - - ПК-3.1: Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.).	

Компетенция УК-1 с указанием этапа формирования в процессе освоения образовательной программы

Компетенция УК-1 (Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач) формируется на седьмом этапе формирования компетенций.

Компетенция УК-1 формировалась в процессе изучения данной дисциплины и продолжит формироваться на следующих курсах в процессе изучения других учебных дисциплин, прохождения практик и итоговой государственной аттестации (Защита выпускной квалификационной работы).

Типовое контрольное задание для оценки сформированности данной компетенции направлено на демонстрацию готовности осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Компетенция ПК-1 с указанием этапа формирования в процессе освоения образовательной программы

Компетенция ПК-1 (Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач) формируется на седьмом этапе формирования компетенций.

Компетенция ПК-1 формировалась в процессе изучения данной дисциплины и продолжит формироваться на следующих курсах в процессе изучения других учебных дисциплин, прохождения практик и итоговой государственной аттестации (Защита выпускной квалификационной работы).

Типовое контрольное задание для оценки сформированности данной компетенции направлено на демонстрацию готовности осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач.

Компетенция ПК-3 с указанием этапа формирования в процессе освоения образовательной программы

Компетенция ПК-3 (Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов) формируется на седьмом этапе формирования компетенций.

Компетенция ПК-3 формировалась в процессе изучения данной дисциплины и продолжит формироваться на следующих курсах в процессе изучения других учебных дисциплин, прохождения практик и итоговой государственной аттестации (Защита выпускной квалификационной работы).

Типовое контрольное задание для оценки сформированности данной компетенции направлено на демонстрацию готовности формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов.

1. Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:

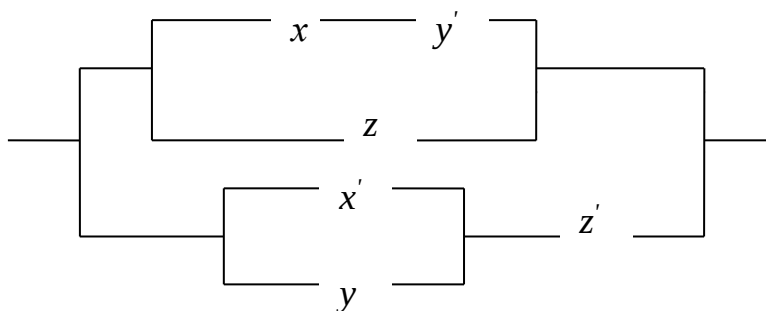
(Раздел 1. Математическая логика)

Образец варианта контрольной работы

(4 курс, 7 семестр)

Вариант № 1

1. С помощью таблиц истинности проверьте, будут ли равносильны следующие формулы алгебры высказываний: $X \rightarrow (Y \vee Z)$ и $(X \rightarrow Y) \vee (X \rightarrow Z)$.
2. С помощью равносильных преобразований приведите формулу алгебры высказываний к ДНФ, КНФ, СДНФ, СКНФ: $(X \vee \neg Y) \rightarrow \neg(Z \leftrightarrow \neg X)$.
3. Для булевой функции $f(x, y, z)$ принимающей значение 0 на следующих наборах значений переменных, и только на них, найдите наиболее простую представляющую формулу: $f(0, 0, 1) = f(1, 1, 1) = f(1, 1, 0) = 0$.
4. Упростите релейно-контактную схему:



Критерии оценки контрольной работы:

1. Каждое задание работы оценивается в баллах; при допущенных ошибках оценка за задание снижается.
2. «Стоимость» каждого задания и максимально возможное число баллов определяется отдельно для каждой работы.
3. При оценивании задания учитывается аккуратность оформления и подробное описание хода решения со ссылками на соответствующий теоретический материал.
4. Итоговая оценка за всю работу соответствует проценту полученного суммарного балла по отношению к максимально возможному числу баллов.
5. Положительной считается оценка за работу не менее 60%. При отрицательной оценке студент переписывает работу заново (другой вариант).
6. Студент может повысить рейтинговый балл, выполнив работу над ошибками. Рейтинговый балл за повторную работу и при работе над ошибками не может быть больше 75 %.

Примечание. Задание №2 данной работы оценивается в 2 балла, остальные – в 1 балл. Максимально возможное число баллов за работу – 5 баллов.

2. Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:

Коллоквиумы

Критерии оценки ответа на вопросы коллоквиума:

1. Коллоквиум проводится в письменной форме по билетам, в которые включены вопросы из программы коллоквиума.
2. Каждый вопрос билета оценивается в баллах; при допущенных ошибках и неточностях в формулировках определений и доказательстве теоремы оценка за вопрос снижается.
3. При оценивании ответа учитывается: правильность формулировок; установление взаимосвязи теории и практики; содержательность и аргументированность, полнота и структурная логичность доказательства; глубина знаний вопроса.
4. «Стоимость» каждого вопроса и максимально возможное число баллов за ответ по билету определяется отдельно для каждого коллоквиума.
5. Итоговая оценка за коллоквиум соответствует проценту полученного суммарного балла по отношению к максимально возможному числу баллов.
6. Положительной считается оценка не менее 60%. При отрицательной оценке студент пересдает коллоквиум заново (другой билет, и не более 2-х раз).
7. Рейтинговый балл за повторную пересдачу не может быть больше 75 %.

Программа коллоквиума №1
по математической логике (4 курс, 7 семестр, модуль 2)

1. Высказывания. Операции над высказываниями.
2. Формулы алгебры высказываний. Равносильность формул.
3. Закон двойственности.
4. Проблема разрешения для алгебры высказываний.
5. СДНФ и СКНФ. Алгоритмы перехода от нормальных форм к совершенным нормальным.
6. Булевы функции.
7. Разложение функций по аргументам.
8. Представление функций в виде СДНФ и СКНФ.
9. Полные системы функций.
10. Применение ФАЛ к РКС.

Образец билета коллоквиума №1

Вариант 1

1. Сформулируйте и докажите теорему о разложении булевой функции по аргументам.
2. Сформулируйте определение СКНФ формулы логики высказываний. Приведите пример формулы в виде СКНФ.
3. Сформулируйте закон двойственности для формул логики высказываний.

Примечание. Вопрос №1 данного билета оценивается в 2 балла, остальные – в 1 балл.
Максимально возможное число баллов за ответ – 4 балла (100%).

Программа коллоквиума №2
по математической логике (4 курс, 7 семестр, модуль 3)

1. Построение формальной аксиоматической теории на примере исчисления высказываний (алфавит, определение формулы, система аксиом, правила вывода). Понятие формального доказательства.
2. Понятие формального вывода. Свойства выводимости из посылок.
3. Теорема дедукции и ее следствия.
4. Производные правила вывода.
5. Производные правила доказуемости (правила силлогизма, соединения, разъединения, перестановки посылок и т.д.).
6. Значение формул в исчислении высказываний. Теорема о тождественной истинности произвольной доказуемой формулы.

7. Непротиворечивость формальной теории. Различные определения непротиворечивости. Эквивалентность двух определений непротиворечивости для исчисления высказываний.
8. Непротиворечивость исчисления высказываний.
9. Полнота исчисления высказываний (в узком и широком смысле).

Образец билета коллоквиума №2

Вариант 1

1. Докажите теорему дедукции для ИВ.
2. Сформулируйте определение формального вывода из посылок. Перечислите свойства выводимости из посылок.
3. Постройте формальный вывод: $A \rightarrow B \vdash \neg B \rightarrow \neg A$.

Примечание. Вопрос №1 данного билета оценивается в 3 балла, вопрос №2 – в 1 балл, вопрос №3 – в 2 балла. Максимально возможное число баллов за ответ – 5 баллов (100%).

Программа коллоквиума №3

по математической логике (4 курс, 7 семестр, модуль 4)

1. Понятие одноместного и n -местного предиката. Область истинности предиката. Логические операции над предикатами. Кванторы.
2. Алфавит логики предикатов, определение формулы. Свободные и связанные переменные.
3. Сигнатура, интерпретация формулы. Значение формулы в данной интерпретации.
4. Равносильность формул. Основные равносильности логики предикатов.
5. Теоретико-множественный смысл предикатов и кванторов.
6. Нормальная и предваренная нормальная формулы.
7. Общезначимость и выполнимость формул логики предикатов.
8. Проблема разрешения в алгебре предикатов. Теорема Черча. Частные случаи проблемы разрешения.

Образец билета коллоквиума №3

Вариант № 1

1. Сформулируйте определение n -местного предиката и его области истинности. Приведите примеры.
2. Докажите равносильность: $\neg \forall x P(x) \equiv \exists x \neg P(x)$.
3. Предикаты $P^o(x, y)$ и $F^o(y)$ заданы на множестве $M = \{a_1, a_2, a_3, a_4\}$; $P^o(x, y)$ задан таблицей

y x	a_1	a_2	a_3	a_4
a_1	0	1	1	0
a_2	1	0	0	1
a_3	0	1	0	1
a_4	0	0	1	1

а предикат $F^o(y)$ задан таблицей

y	a_1	a_2	a_3	a_4
$F^o(y)$	1	0	0	1

Определите значение формулы: $\forall y \exists x (P(x, y) \& F(y))$ в интерпретации $\langle M, P^o(x, y), F^o(y) \rangle$.

4. Применяя равносильные преобразования приведите следующие формулы к предваренной нормальной форме: $\exists y [P(x) \rightarrow Q(y)] \rightarrow \forall y [P(y) \vee \forall z Q(z)]$

5. Изобразите на координатной плоскости множество истинности двухместного предиката $P^o(x, y) : \langle (x^2 + y^2 > 1) \leftrightarrow (x + y < 0) \rangle$, заданного на множестве действительных чисел $\mathbf{R}$; определите области истинности одноместных предикатов $\exists x P^o(x, y)$, $\forall x P^o(x, y)$, $\exists y P^o(x, y)$, $\forall y P^o(x, y)$; с помощью кванторов постройте из данных предикатов всевозможные высказывания и определите, какие из них истинны, а какие ложны.

6. Запишите высказывание «Никакое натуральное число не меньше 1» на языке логики предикатов и сформулируйте его отрицание.

Примечание. Вопросы №2 и 5 данного билета оцениваются в 2 балла, остальные – в 1 балл. Максимально возможное число баллов за ответ – 8 баллов (100%).

Программа коллоквиума №4 по математической логике (4 курс, 7 семестр, модуль 5)

1. Исчисление предикатов. Алфавит, формулы исчисления предикатов.
2. Аксиомы и правила вывода исчисления предикатов.
3. Теорема дедукции ИП.
4. Значение формул ИП в интерпретации. Непротиворечивость ИП.
5. Полнота ИП. Теорема Геделя о полноте исчисления предикатов.
6. Модели теорий. Теорема о полноте для теорий. Формальная арифметика. Теоремы Геделя о неполноте формальной арифметики.
7. Формализация теории множеств. Обзор результатов о непротиворечивости и независимости в основаниях теории множеств.
8. Парадоксы теории множеств. Проблема непротиворечивости математики. Программа Гильберта.

Примечание. Коллоквиум предполагает полный ответ в письменной форме на один из вопросов программы. Максимально возможный рейтинговый балл за ответ –100%.

3. Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:

Итоговый тест по математической логике

Алгебра логики и функции алгебры логики

Задание 1

Будет ли формула $((x \rightarrow y) \rightarrow x) \rightarrow x$ тавтологией?

Задание 2

Будут ли формулы $\neg(\neg x \leftrightarrow ((y \vee \neg z) \rightarrow \neg(x \vee \neg y))) \leftrightarrow (\neg x \& \neg y \vee x \& z) \& \neg y$ равносильны?

Задание 3

Привести не менее трех примеров систем полных функций.

Задание 4

Постройте функцию, двойственную для функции $f(x, y) = x \rightarrow (x \& y)$.

Задание 5

Построить СДНФ и СКНФ для функции $f(x, y, z)$, которая принимает значение 1 только на наборах (0,1,0), (0,1,1), (0,0,1).

Задание 6

С помощью построения КНФ ответить: будет ли формула $(x \rightarrow y) \rightarrow (x \rightarrow \neg y) \rightarrow \neg x$ тавтологией.

Исчисление высказываний

Задание 1

Доказать выводимость:

$$x \rightarrow y \vdash \neg y \rightarrow y;$$

$$x \vee y \vdash \neg(\neg x \& \neg y).$$

Задание 2

Будет ли формула $((x \rightarrow y) \rightarrow x) \rightarrow x$ доказуемой?

Задание 3

Сформулируйте определение полноты формальной теории в широком смысле.

Задание 4

К системе аксиом исчисления высказываний добавили в качестве аксиомы формулу $(\neg y \rightarrow \neg x) \rightarrow (x \rightarrow y)$. Будет ли расширенная система аксиом непротиворечивой?

Логика предикатов

Задание 1

Будет ли формулой выражение $\forall_x (P(x) \rightarrow \forall_y Q(x, y))$?

Задание 2

Будет ли тавтологией формула $\exists_x \exists_y P(x, y) \rightarrow \exists_x P(x, x)$?

Задание 3

Построить предваренную нормальную форму для формулы:

$$\forall_x (P(x) \rightarrow \forall_y (Q(x, y) \rightarrow \neg \forall_z R(y, z)))$$

Задание 4

Будет ли формула $\exists_x \exists_y (P(x, y) \rightarrow (Q(y, z) \rightarrow P(x, x)))$ тавтологией?

Критерии оценки теста:

1. Каждое задание теста оценивается в 1 балл.
2. Итоговая оценка за весь тест соответствует проценту правильных ответов по отношению к общему числу всех вопросов в тесте.
3. Оценка за тест считается положительной, если студент ответил правильно не менее, чем на 60% вопросов теста.
4. *Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:*

Вопросы к экзамену

по математической логике и теории алгоритмов для студентов 4 курса (7 семестр)

1. Высказывания. Операции над высказываниями.
2. Формулы алгебры высказываний. Равносильность формул.
3. Закон двойственности.
4. Проблема разрешения для алгебры высказываний.
5. СДНФ и СКНФ. Алгоритмы перехода от нормальных форм к совершенным нормальным.
6. Булевы функции.
7. Разложение функций по аргументам.
8. Представление функций в виде СДНФ и СКНФ.
9. Полные системы функций.
10. Применение ФАЛ к РКС. Построение формальной аксиоматической теории на примере исчисления высказываний (алфавит, определение формулы, система аксиом, правила вывода). Понятие формального доказательства.
11. Понятие формального вывода. Свойства выводимости из посылок.
12. Теорема дедукции и ее следствия.
13. Производные правила вывода.
14. Производные правила доказуемости (правила силлогизма, соединения, разъединения, перестановки посылок и т.д.).

15. Значение формул в исчислении высказываний. Теорема о тождественной истинности произвольной доказуемой формулы.
16. Непротиворечивость формальной теории. Различные определения непротиворечивости. Эквивалентность двух определений непротиворечивости для исчисления высказываний.
17. Непротиворечивость исчисления высказываний.
18. Полнота исчисления высказываний (в узком и широком смысле).
19. Понятие одноместного и n -местного предиката. Кванторы.
20. Алфавит логики предикатов, определение формулы. Свободные и связанные переменные.
21. Сигнатура, интерпретация формулы. Значение формулы в данной интерпретации.
22. Равносильность формул. Основные равносильности логики предикатов.
23. Теоретико-множественный смысл предикатов и кванторов.
24. Нормальная и предваренная нормальная формулы
25. Общезначимость и выполнимость формул логики предикатов.
26. Проблема разрешения в алгебре предикатов. Теорема Черча. Частные случаи проблемы разрешения.
27. Исчисление предикатов. Алфавит, формулы исчисления предикатов.
28. Аксиомы и правила вывода исчисления предикатов.
29. Теорема дедукции ИП.
30. Значение формул ИП в интерпретации. Непротиворечивость ИП.
31. Полнота ИП. Теорема Геделя о полноте исчисления предикатов.
32. Модели теорий. Теорема о полноте для теорий. Формальная арифметика. Теоремы Геделя о неполноте формальной арифметики.
33. Формализация теории множеств. Результаты о непротиворечивости и независимости в основаниях теории множеств.
34. Парадоксы теории множеств. Проблема непротиворечивости математики. Программа Гильберта.

Критерии оценки ответа на зачете с оценкой:

1. Экзамен проводится по билетам, в которые включены по два вопроса из программы.
2. При оценивании ответа учитывается: правильность формулировок; установление взаимосвязи теории и практики; содержательность и аргументированность, полнота и структурная логичность ответа; глубина знаний вопроса.
3. При допущенных ошибках и неточностях в формулировках определений и доказательствах теорем оценка за ответ снижается.
4. Допуск к экзамену осуществляется только при выполнении всех видов практических работ (контрольная работа №1, практическая часть коллоквиума по логике предикатов).
5. Студент, успешно отчитавшийся (не менее 60 %!) по всем формам контроля (контрольная работа по второму разделу и коллоквиумы по разделам №2 – 5), по его желанию может быть освобожден от сдачи экзамена с выставлением оценки по рейтингу.
6. . Рейтинговая оценка на экзамене может быть улучшена не более, чем на 30%.

5. Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:

(Раздел 2. Теория алгоритмов)

Теоретический опрос по теории алгоритмов (по теме «Машины Тьюринга»)

1. Поясните, какие процессы называют алгоритмами. Приведите примеры алгоритмов в математике.
2. Перечислите основные требования к алгоритму.
3. Опишите составные части машины Тьюринга.
4. Какой вид имеет команда машины Тьюринга и какие действия выполняет машина по этой команде?
5. Что представляет собой программа машины Тьюринга. В какой форме она может быть задана?
6. Когда говорят, что функция f правильно вычислима на машине Тьюринга T ?
7. Что собой представляет машина Тьюринга T , вычисляющая сложную функцию $f(x) = f_2(f_1(x))$? Ответ поясните.
8. Когда говорят, что машина Тьюринга вычисляет предикат? Представьте в виде преобразования конфигураций вычисление предиката с восстановлением.
9. Постройте блок-схему машины Тьюринга, вычисляющую функцию $f(x)$ по условию:
$$f(x) = \begin{cases} g_1(x), & \text{если } P(x) = И \\ g_2(x), & \text{если } P(x) = Л \\ \text{не определена, если } P(x) - \text{не определен.} \end{cases}$$
10. Какая машина T_u называется универсальной машиной Тьюринга? Как решается проблема восприятия универсальной машиной T_u системы команд и исходных данных произвольной машины T ?
11. Сформулируйте тезис Тьюринга. Чему равносильно утверждение о «несуществовании» машины Тьюринга для реализации некоторого процесса?
12. Какая задача называется проблемой остановки для машины Тьюринга? Как она решается?

Критерии оценки контрольного опроса:

1. Каждый вопрос оценивается в 1 балл.
2. Итоговая оценка за весь опрос соответствует проценту правильных ответов по отношению к общему числу всех вопросов.
3. Оценка за опрос считается положительной, если студент ответил правильно не менее, чем на 60% всех вопросов.

6. Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:

Вопросы к коллоквиуму по теории алгоритмов (по теме «Рекурсивные функции»)

1. Прimitивно-рекурсивные функции.
2. Основные функции и основные прimitивно-рекурсивные операторы.

3. Прimitивно-рекурсивное описание и прimitивно-рекурсивные функции. Примеры.
4. Прimitивная рекурсивность арифметических функций. Примеры.
5. Прimitивно-рекурсивные предикаты и операторы.
6. Существование вычислимых не прimitивно-рекурсивных функций.
7. Частично-рекурсивные и общерекурсивные функции. Примеры.
8. Тезис Чёрча.
9. Вычислимость на машине Тьюринга рекурсивных функций.

Критерии оценки ответа на вопросы коллоквиума:

1. Коллоквиум проводится в письменной форме по билетам, в которые включены вопросы из программы коллоквиума.
2. Каждый вопрос билета оценивается в баллах; при допущенных ошибках и неточностях в формулировках определений и доказательстве теорем, неполном ответе на вопрос, оценка снижается.
3. При оценивании ответа учитывается: правильность формулировок; установление взаимосвязи теории и практики; содержательность и аргументированность. полнота и структурная логичность доказательства; глубина знаний вопроса.
4. Итоговая оценка за коллоквиум соответствует проценту полученного суммарного балла по отношению к максимально возможному числу баллов.
5. Положительной считается оценка не менее 60%. При отрицательной оценке студент пересдает коллоквиум заново (другой билет, и не более 2-х раз).
6. Рейтинговый балл за повторную пересдачу не может быть больше 75 %.

7. *Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:*

Образец домашней контрольной работы № 1 по теме «Машины Тьюринга»

Вариант 1

Задача №1

Построить машину Тьюринга, вычисляющую функцию $sg\ x = \begin{cases} 0, & \text{если } x = 0 \\ 1, & \text{если } x > 0 \end{cases}$

Задача №2

Построить машину Тьюринга, вычисляющую предикат « x – чётное число».

Задача №3

Построить машину Тьюринга, вычисляющую функцию $f(x) = \left\lfloor \frac{x}{2} \right\rfloor$.

Вариант 2

Задача №1

Построить машину Тьюринга, вычисляющую функцию $\overline{sg}(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } x = 0 \\ 0, & \text{если } x > 0 \end{cases}$

Задача №2

Построить машину Тьюринга, вычисляющую предикат « x – нечётное число».

Задача №3

Построить машину Тьюринга, вычисляющую функцию $f(x)=\min(x,y)$.

Примечание. В работе все задания оцениваются в 2 балла. Максимально возможное число баллов за работу – 6 баллов (100%).

**Образец домашней контрольной работы № 2
по теме «Рекурсивные функции»**

Вариант 1

Задача №1

Найти функцию, которая получается из функций $g(x)=x$ и $h(x,y,z)=x^z$ с помощью оператора примитивной рекурсии.

Задача №2

Найти функцию, которая получается из функций $g(x)=x$ и $h(x,y,z)=z^2$ с помощью оператора примитивной рекурсии.

Задача №3

Доказать, что функция $f(x,y)=x^y$ примитивно-рекурсивная.

Задача №4

Доказать, что функция $f(x,y)=|x-y|$ примитивно-рекурсивная.

Примечание. В работе задания 1 и 2 оцениваются в 1 балл, а 3 и 4 – в 2 балла. Максимально возможное число баллов за работу – 6 баллов (100%).

8. Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:

Итоговый тест

по математической логике и теории алгоритмов (4 курс, 7 семестр)

1. Машина Тьюринга с внешним алфавитом $A=\{1\}$ задана программой

$q \backslash a$	1	λ
q_1	$q_1 1 R$	$q_2 1 L$
q_2	$q_2 1 L$	$q_2 \lambda R$

В какую конфигурацию перерабатывает эта машина конфигурацию $q_1 1 1$?

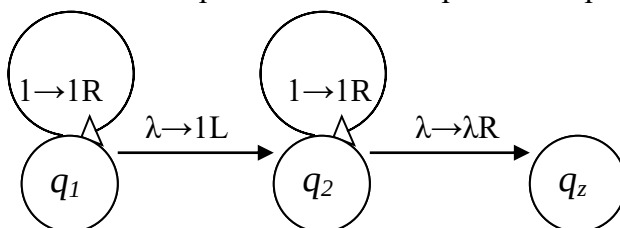
- 1) $q_2 1 1 1$
- 2) $q_2 1 1$
- 3) $q_2 1$

2. Какую функцию $f(x,y)$ правильно вычисляет машина Тьюринга с программой

$q \backslash a$	λ	1	$*$
q_1	$q_2 1L$	$q_1 1R$	$q_1 1R$
q_2	$q_z \lambda R$	$q_2 1L$	

- 1) $f(x,y)=x+y$
- 2) $f(x,y)=x+y+1$
- 3) $f(x,y)=x+y+2$

3. Машина Тьюринга задана диаграммой переходов



Какую функцию $f(x)$ вычисляет эта машина?

- 1) $f(x,y)=x$
- 2) $f(x,y)=x+1$
- 3) $f(x,y)=x+2$

4. Если машина T_1 копирует содержимое ленты, а T_2 вычисляет функцию $f(x,y)=x+y$, и на ленте записано число x , то машина $T = T_2 \cdot T_1 \cdot T_2 \cdot T_1$ вычисляет функцию:

- 1) $f(x,y)=2x$
- 2) $f(x,y)=4x$
- 3) $f(x,y)=3x$

5. Машина Тьюринга задана следующей программой:

$q \backslash a$	λ	1
q_1	$q_2 1L$	$q_1 1R$
q_2	$q_3 1R$	$q_2 1L$
q_3	$q_z 0E$	$q_z 1R$

Эта машина правильно вычисляет функцию:

- 1) $f(x,y)=2x$
- 2) $f(x,y)=x+1$
- 3) $f(x,y)=x+2$

6. Машина Тьюринга задана следующей программой:

$q \backslash a$	1	λ	$*$
q_1	$q_1 1 R$	$q_1 \lambda R$	$q_z 1 R$
q_2	$q_2 1 L$	$q_z \lambda R$	

В какую конфигурацию переведет машина начальную конфигурацию $q_1 1^* 1$?

- 1) машина не останавливается
- 2) $q_z 11$
- 3) $q_z 111$

7. Машина Тьюринга задана следующей программой:

$q \backslash a$	1	λ	$*$
q_1	$q_1 1 R$	$q_1 \lambda R$	$q_2 1 R$
q_2	$q_2 1 L$	$q_z \lambda R$	

В какую конфигурацию переведет машина начальную конфигурацию $q_1 11$?

- 1) машина не останавливается
- 2) $q_z 11$
- 3) $q_z 111$

8. Машина Тьюринга задана следующей программой:

$q \backslash a$	1	λ	$*$
q_1	$q_2 1 R$	$q_3 1 R$	$q_3 1 R$
q_2	$q_2 1 R$	$1 q_z R$	$q_3 1 R$
q_3	$q_z 1 L$	$q_z 1 L$	$q_z 1 L$

Исходя из какой начальной конфигурации машина не останавливается?

1) $q_1\lambda 11$

2) q_111

3) q_1*11

9. Если $f(x)=s(s(x))$, то

1) $f(x)=2x+1$

2) $f(x)=x+2$

3) $f(x)=2x+2$

10. Если $f(x)=s(s(s(o(x))))$, то

1) $f(x)=3x+1$

2) $f(x)=x+3$

3) $f(x)=3$

11. Если $f(x,y)$ получена с помощью оператора примитивной рекурсии из функций $g(x)=x$ и $h(x,y,z)=z^2$, то

1) $f(x,y)=x^{2y}$

2) $f(x,y)=x^{y^2}$

3) $f(x,y)=x^{2y}$

12. Дано примитивно-рекурсивное описание функции $f(x,y)$

1. $0(x)$

2. $s(x)$

3. $S(2,1)$

4. $I_3^3(x,y,z)$

5. $S(2,4)$

6. $R(3,5)$

Тогда

1) $f(x,y)=x+y$

2) $f(x,y)=x+1$

3) $f(x,y)=y+1$

13. Если $f(x)=\mu_{y \leq z}((y+1)^2 > x)$, то

1) $f(x)=[x]^2$

2) $f(x)=[\sqrt{x}]$

3) $f(x)=[x+1]^2$

14. Функция $f(x)=\mu_y(|x-y|=0)$ является:

- 1) Всюду определенной;
 - 2) Частично-определенной;
 - 3) Нигде не определенной.
15. Функция $f(x)=\mu_y(x+y=0)$ является:
- 1) Всюду определенной;
 - 2) Частично-определенной;
 - 3) Нигде не определенной.
16. Любая функция, вычислимая на машине Тьюринга является:
- 1) Примитивно-рекурсивной;
 - 2) Частично-рекурсивной;
 - 3) Общерекурсивной.
17. Тезис Чёрча утверждает, что любая вычислимая функция является:
- 1) Общерекурсивной;
 - 2) Частично-рекурсивной;
 - 3) Примитивно-рекурсивной.
18. Пусть А есть высказывание: «множество М - разрешимо», а В – «множество М - перечислимо». Какое из следующих высказываний будет истинным:
- 1) $A \supset B$
 - 2) $B \subset A$
 - 3) $A \sim B$

Критерии оценки теста:

1. Каждое задание теста оценивается в 1 балл.
2. Итоговая оценка за весь тест соответствует проценту правильных ответов по отношению к общему числу всех вопросов в тесте.
3. Оценка за тест считается положительной, если студент ответил правильно не менее, чем на 60% вопросов теста.

9. *Типовое контрольное задание на этапе формирования УК-1, ПК-1, ПК-3:*

Содержание итоговой контрольной работы по математической логике и теории алгоритмов для студентов 4 курса (7 семестр)

Итоговая контрольная работа составляется из типовых заданий, аналогичным включенным в следующие проверочные работы:

1. Домашняя контрольная работа №1 по теме «Машины Тьюринга»;
2. Итоговый тест;
3. Домашняя контрольная работа №2 по теме «Рекурсивные функции».

Критерии оценки контрольной работы:

1. Проводится в форме проверочной аудиторной работы.
2. Каждое задание работы оценивается в 1 балл; при допущенных ошибках оценка за задание снижается.
3. При оценивании задания учитывается аккуратность оформления и подробное описание хода решения со ссылками на соответствующий теоретический материал.
4. Итоговая оценка за всю работу соответствует проценту полученного суммарного балла по отношению к максимально возможному числу баллов.
5. Положительной считается оценка за работу не менее 60%. При отрицательной оценке студент переписывает работу заново (другой вариант).
6. Рейтинговый балл за повторное написание работы не может быть больше 75 %.
7. От итоговой контрольной работы освобождаются студенты, отчитавшиеся по обоим домашним контрольным работам, тесту, теоретическому опросу и коллоквиуму не менее, чем на 60 % по каждой из перечисленных форм.

Критерии оценки контрольной работы:

1. Проводится в форме проверочной аудиторной работы.
2. Каждое задание работы оценивается в 1 балл; при допущенных ошибках оценка за задание снижается.
3. При оценивании задания учитывается аккуратность оформления и подробное описание хода решения со ссылками на соответствующий теоретический материал.
4. Итоговая оценка за всю работу соответствует проценту полученного суммарного балла по отношению к максимально возможному числу баллов.
5. Положительной считается оценка за работу не менее 60%. При отрицательной оценке студент переписывает работу заново (другой вариант).
6. Рейтинговый балл за повторное написание работы не может быть больше 75 %.
7. От итоговой контрольной работы освобождаются студенты, отчитавшиеся по обоим домашним контрольным работам, тесту, теоретическому опросу и коллоквиуму не менее, чем на 60 % по каждой из перечисленных форм.

Уровни сформированности компетенций в рамках дисциплины 4 курс, 7 семестр:

Уровни сформированности компетенций.	Основные признаки уровня
Пороговый	При выполнении заданий всех форм контроля студент демонстрирует знание : - определений логических операций над высказываниями и их простейших свойств; - основных законов логической равносильности для формул логики высказываний; - определений логических операций над предикатами; - наиболее важных тавтологий логики предикатов, лежащих в основе равносильных преобразований формул логики предикатов; - основных компонентов формализованного исчисления высказываний (язык, система аксиом, правила вывода); проявляет умение : - распознавать тождественно истинные, выполнимые

	и невыполнимые формулы языка логики высказываний построением таблиц истинности; - находить по образцу нормальные формы для формул логики высказываний, возможно допуская при этом ошибки непринципиального характера; - определять логическую структуру несложных утверждений, записывать их на языке логики предикатов, определять их значение истинности, строить их отрицание; показывает владение: - алгоритмами построения совершенных нормальных форм для булевых функций - навыками применения полученных знаний к задачам школьной математики. По итогам балльно-рейтинговой системы сумма рейтинговых баллов студента составляет от 60 до 75 баллов
Базовый	При выполнении заданий всех форм контроля студент демонстрирует знание: - основных понятий и фактов логики высказываний, законов логической равносильности; - основных понятий и фактов логики предикатов, наиболее важных тавтологий логики предикатов, лежащих в основе равносильных преобразований формул логики предикатов; - основных компонентов формализованного исчисления высказываний (язык, система аксиом, правила вывода); - основных свойств формализованного исчисления высказываний (непротиворечивость, полнота, разрешимость, независимость системы аксиом); проявляет умение: - распознавать тождественно истинные формулы языка логики высказываний; - использовать основные факты логики высказываний при решении логических задач; - строить простейшие выводы в исчислениях высказываний, возможно допуская при этом некоторые неточности; - применять средства языка логики предикатов для записи и анализа математических предложений; показывает владение: - техникой равносильных преобразований формул логики высказываний и логики предикатов; - навыками применения полученных знаний к задачам школьной математики; - представлениями о взаимосвязи математической логики с математической наукой, со школьными курсами математики и информатики. По итогам балльно-рейтинговой системы сумма рейтинговых баллов студента составляет от 75 до 87 баллов

Повышенный	При выполнении заданий всех форм контроля студент демонстрирует знание: - основных понятий и фактов логики высказываний, законов логической равносильности; - основных понятий и фактов логики предикатов, наиболее важных тавтологий логики предикатов, лежащих в основе равносильных преобразований формул логики предикатов; - логических основ аксиоматического метода, компонентов и свойств формализованного исчисления высказываний и важнейших теорий первого порядка; проявляет умение: - распознавать тождественно истинные формулы языка логики высказываний и общезначимые формулы языка логики предикатов; - использовать основные факты логики высказываний при решении логических задач; - применять средства языка логики предикатов для записи и анализа математических предложений; - строить простейшие выводы в исчислениях высказываний и предикатов и использовать эти модели для объяснения сути и строения математических доказательств; показывает владение: - техникой равносильных преобразований формул логики высказываний и логики предикатов; - методами распознавания тождественно истинных (общезначимых) и равносильных формул логики высказываний (предикатов); - дедуктивным аппаратом изучаемых логических исчислений; - представлениями об основных теориях и концепциях математической логики и ее роли в вопросах обоснования математики; - представлениями о взаимосвязи математической логики с математической наукой, со школьными курсами математики и информатики; - навыками применения полученных знаний и умений при решении практических задач профессиональной деятельности. По итогам балльно-рейтинговой системы сумма рейтинговых баллов студента составляет от 87 до 100 баллов
------------	--

**Уровни сформированности компетенций в рамках дисциплины
4 курс, 7 семестр:**

Уровни сформированности компетенций.	Основные признаки уровня
Пороговый	При выполнении заданий всех форм контроля студент демонстрирует знание: - основных свойства алгоритмов; - описания устройства и работы машин Тьюринга; - определений примитивно-рекурсивных, частично-рекурсивных и общерекурсивных функций; проявляет умение: - строить машины Тьюринга, вычисляющие простейшие арифметические функции; - доказывать по образцу рекурсивность простейших арифметических функций и предикатов; По итогам балльно-рейтинговой системы сумма рейтинговых баллов студента составляет от 60 до 75 баллов
Базовый	При выполнении заданий всех форм контроля студент демонстрирует знание: - важнейших свойств алгоритмов в математике; - описания и области применимости машин Тьюринга; - определения вычислимых функций; - определений примитивно-рекурсивных, частично-рекурсивных и общерекурсивных функций; - знание определения неразрешимости множеств. проявляет умение: - строить машины Тьюринга, вычисляющие простейшие арифметические функции; - доказывать рекурсивность простейших арифметических функций и предикатов; показывает владение: - представлениями о взаимосвязи дисциплины с математической наукой, со школьными курсами математики и информатики. По итогам балльно-рейтинговой системы сумма рейтинговых баллов студента составляет от 75 до 87 баллов
Повышенный	При выполнении заданий всех форм контроля студент демонстрирует знание: - важнейших свойств алгоритмов в математике; - математические уточнения понятия алгоритма и вычислимой функции; - примеров неразрешимых алгоритмических проблем из теории алгоритмов и других разделов математики; проявляет умение: - строить машины Тьюринга для вычисления

	различных функций; - определять принадлежность функции к классу рекурсивных (частично-рекурсивных, общерекурсивных, примитивно-рекурсивных); - грамотно формулировать алгоритмические проблемы; показывает владение: - навыками применения полученных знаний и умений в различных ситуациях (в пределах изученной тематики курса); - представлениями о применении теории алгоритмов в областях программного обеспечения компьютеров, информатики и систем искусственного интеллекта; - представлениями о взаимосвязи дисциплины с математической наукой, со школьными курсами математики и информатики. По итогам балльно-рейтинговой системы сумма рейтинговых баллов студента составляет от 87 до 100 баллов
--	---

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания

Целью промежуточной аттестации по данной дисциплине является оценка уровня сформированности компетенций в результате усвоения знаний, приобретения умений, навыков и опыта деятельности в рамках освоения дисциплины (модуля).

Процедура оценивания охватывает обучающихся, осваивавших дисциплину (модуль). Процедура оценивания проводится по окончании освоения дисциплины (модуля). Оценка уровня сформированности компетенций на этапах их формирования определяется на основании собеседования, включающих теоретические вопросы или задания, в которых обучающемуся предлагают осмыслить реальную профессионально-ориентированную ситуацию, необходимую для решения данной проблемы; при этом актуализируется определенный комплекс знаний, необходимый для разрешения данной проблемы. Оценивание ответов обучающихся проводится в соответствии с приведенными критериями.

На основании ответов (ответов на тест, выполнение практико-ориентированного задания) оценивается уровень сформированности компетенций на этапах их формирования в рамках дисциплины (модуля), а также уровень знаний, умений, навыков и опыта деятельности, по результатам выставляется оценка. Результаты проведения процедуры в установленном порядке проставляются преподавателем в зачетные книжки обучающихся и электронные ведомости. По результатам проведения процедуры оценивания преподавателем делается вывод о результатах промежуточной аттестации по дисциплине.

Процедура оценивания (зачет с оценкой) соответствует действующим в вузе текущим положениям, включая Положение о рейтинговой системе текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов.